

Interrogation de mathématiques n°4

*SUJET A***Exercice 1 : (4 points)**

Dans chaque cas, calculer la fonction dérivée de la fonction f .

1. $f(x) = 4x^3 - 2x^2 + 5\sqrt{x} - 5 + \frac{1}{x}$

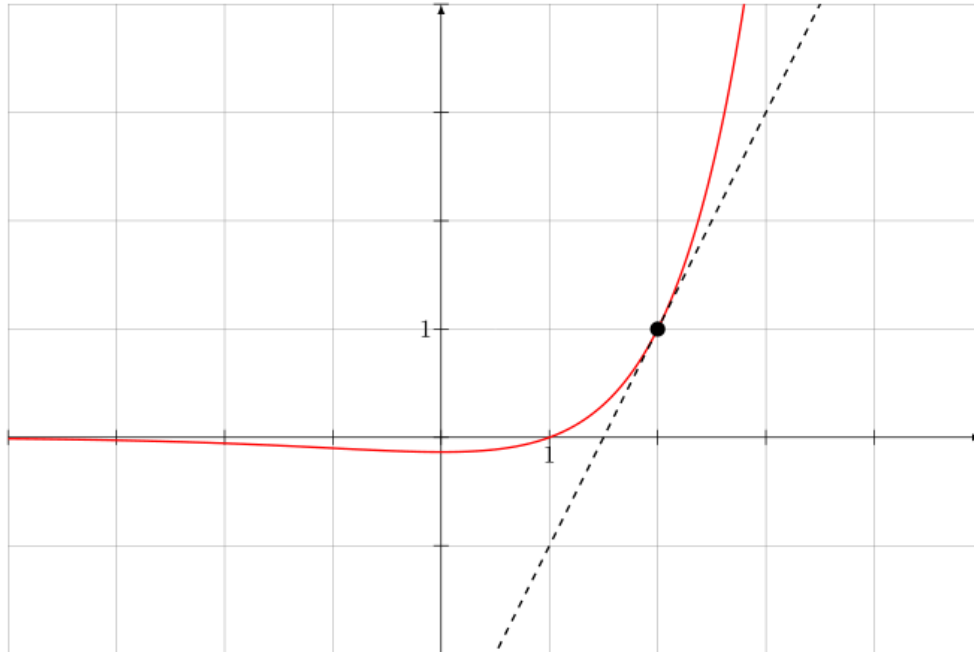
2. $f(x) = (3x - 2)e^x$

3. $f(x) = \frac{4x^2 + 1}{5x - 2}$

4. $f(x) = \sqrt{5x^2 - 4x + 1}$

Exercice 2 : (1 point)

On donne ci-dessous la courbe représentative d'une fonction f ainsi que la tangente à la courbe de f au point d'abscisse 2.



1. Déterminer le nombre $f'(2)$.
2. En déduire une équation de la tangente T.

Interrogation de mathématiques n°4

*SUJET B***Exercice 1 : (4 points)**

Dans chaque cas, calculer la fonction dérivée de la fonction f .

1. $f(x) = -5x^4 + 3x^3 - 10\sqrt{x} - 5 + \frac{1}{x}$

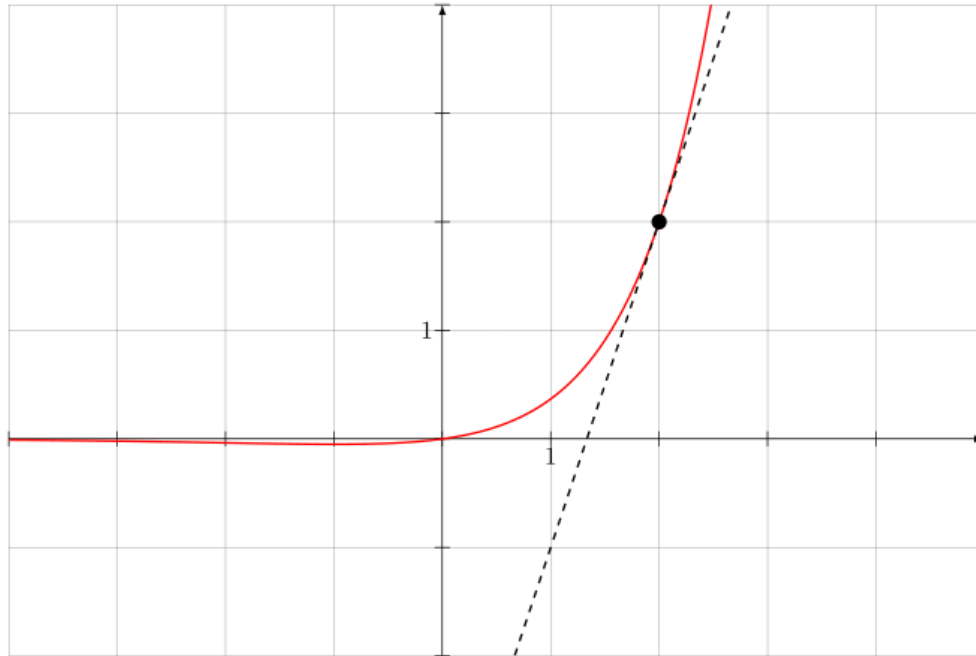
2. $f(x) = (2x + 5)e^x$

3. $f(x) = \frac{3x^2 - 7}{10x + 1}$

4. $f(x) = \sqrt{2x^2 - 9x + 3}$

Exercice 2 : (1 point)

On donne ci-dessous la courbe représentative d'une fonction f ainsi que la tangente à la courbe de f au point d'abscisse 2.



1. Déterminer le nombre $f'(2)$.
2. En déduire une équation de la tangente T.

Interrogation de mathématiques n°4 - CORRIGE

*SUJET A***Exercice 1 : (4 points)**

Dans chaque cas, calculer la fonction dérivée de la fonction f .

1. $f(x) = 4x^3 - 2x^2 + 5\sqrt{x} - 5 + \frac{1}{x}$

$$\begin{aligned} f'(x) &= 4 \times 3x^2 - 2 \times 2x + 5 \times \frac{1}{2\sqrt{x}} - 0 + \frac{-1}{x^2} \\ &= 12x^2 - 4x + \frac{5}{2\sqrt{x}} - \frac{1}{x^2} \end{aligned}$$

2. $f(x) = (3x - 2)e^x$

$$\begin{aligned} u &= 3x - 2 & v &= e^x \\ u' &= 3 & v' &= e^x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f'(x) &= 3 \times e^x + (3x - 2)e^x \\ &= (3 + (3x - 2))e^x \\ &= (3x + 1)e^x \end{aligned}$$

3. $f(x) = \frac{4x^2 + 1}{5x - 2}$

$$\begin{aligned} u &= 4x^2 + 1 & v &= 5x - 2 \\ u' &= 8x & v' &= 5 \end{aligned}$$

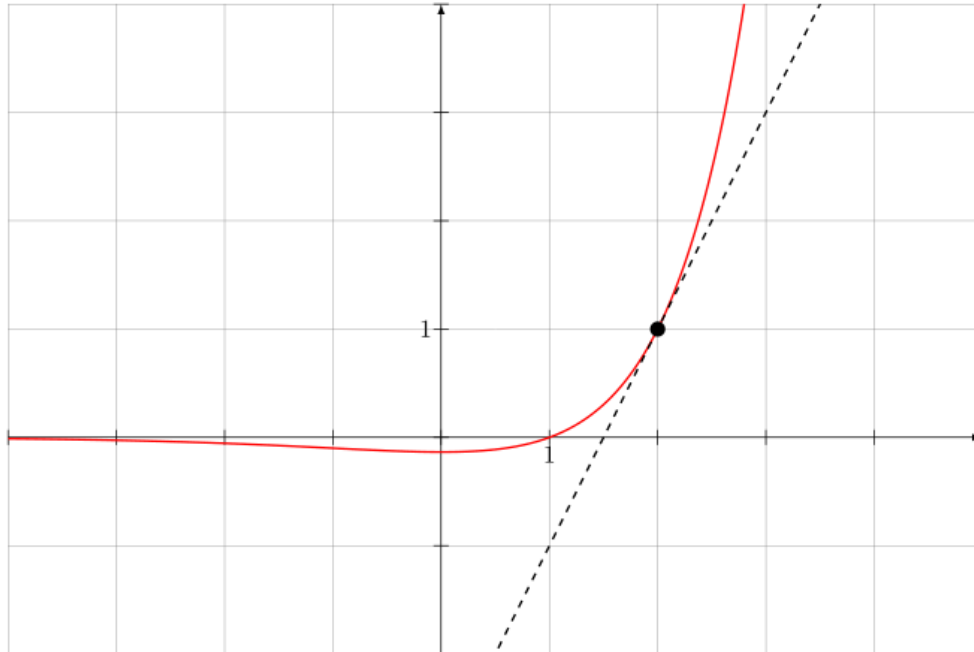
$$\begin{aligned} f'(x) &= \frac{8x \times (5x - 2) - (4x^2 + 1) \times 5}{(5x - 2)^2} \\ &= \frac{40x^2 - 16x - (20x^2 + 5)}{(5x - 2)^2} \\ &= \frac{20x^2 - 16x - 5}{(5x - 2)^2} \end{aligned}$$

4. $f(x) = \sqrt{5x^2 - 4x + 1}$

$$f'(x) = \frac{10x - 4}{2\sqrt{5x^2 - 4x + 1}}$$

Exercice 2 : (1 point)

On donne ci-dessous la courbe représentative d'une fonction f ainsi que la tangente à la courbe de f au point d'abscisse 2.



1. Déterminer le nombre $f'(2)$.

Les points $A(2;1)$ et $B(3;3)$ sont deux points situés sur la tangente. Comme $f'(2)$ est le coefficient directeur de la tangente à la courbe au point d'abscisse 2, on a :

$$\begin{aligned} f'(2) &= \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} \\ &= \frac{3 - 1}{3 - 2} \\ &= \frac{2}{1} = 2 \end{aligned}$$

2. En déduire une équation de la tangente T.

Par lecture graphique, on trouve que $f(2) = 1$. Une équation de la tangente à la courbe de f au point d'abscisse 2 est

$$\begin{aligned} y &= f'(2) \times (x - 2) + f(2) \Leftrightarrow y = 2(x - 2) + 1 \\ &\Leftrightarrow y = 2x - 3 \end{aligned}$$

Interrogation de mathématiques n°4 - CORRECTION

*SUJET B***Exercice 1 : (4 points)**Dans chaque cas, calculer la fonction dérivée de la fonction f .

1. $f(x) = -5x^4 + 3x^3 - 10\sqrt{x} - 5 + \frac{1}{x}$

$$\begin{aligned} f'(x) &= -5 \times 4x^3 + 3 \times 3x^2 - 10 \times \frac{1}{2\sqrt{x}} - 0 + \frac{-1}{x^2} \\ &= -20x^3 + 9x^2 - \frac{10}{2\sqrt{x}} - \frac{1}{x^2} \end{aligned}$$

2. $f(x) = (2x+5)e^x$

$$\begin{aligned} u &= 2x+5 & v &= e^x \\ u' &= 2 & v' &= e^x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f'(x) &= 2 \times e^x + (2x+5)e^x \\ &= (2 + (2x+5))e^x \\ &= (2x+7)e^x \end{aligned}$$

3. $f(x) = \frac{3x^2-7}{10x+1}$

$$\begin{aligned} u &= 3x^2-7 & v &= 10x+1 \\ u' &= 6x & v' &= 10 \end{aligned}$$

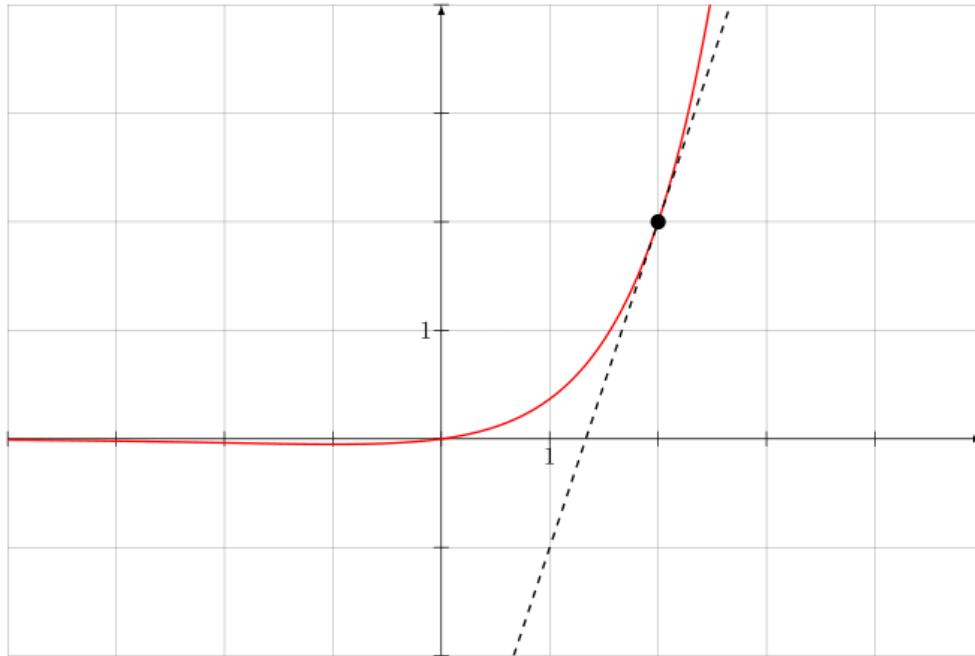
$$\begin{aligned} f'(x) &= \frac{6x \times (10x+1) - (3x^2-7) \times 10}{(10x+1)^2} \\ &= \frac{60x^2 + 6x - (30x^2 - 70)}{(10x+1)^2} \\ &= \frac{30x^2 + 6x + 70}{(10x+1)^2} \end{aligned}$$

4. $f(x) = \sqrt{2x^2-9x+3}$

$$f'(x) = \frac{4x-9}{2\sqrt{2x^2-9x+3}}$$

Exercice 2 : (1 point)

On donne ci-dessous la courbe représentative d'une fonction f ainsi que la tangente à la courbe de f au point d'abscisse 2.



1. Déterminer le nombre $f'(2)$.

Les points $A(2;2)$ et $B(1;-1)$ sont deux points situés sur la tangente. Comme $f'(2)$ est le coefficient directeur de la tangente à la courbe au point d'abscisse 2, on a :

$$\begin{aligned} f'(2) &= \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} \\ &= \frac{-1 - 2}{1 - 2} \\ &= \frac{-3}{-1} = 3 \end{aligned}$$

2. En déduire une équation de la tangente T.

Par lecture graphique, on trouve que $f(2) = 2$. Une équation de la tangente à la courbe de f au point d'abscisse 2 est

$$\begin{aligned} y &= f'(2) \times (x - 2) + f(2) \Leftrightarrow y = 3(x - 2) + 2 \\ &\Leftrightarrow y = 3x - 4 \end{aligned}$$